

## INDICE

Adjunta de una matriz, 170  
Angulo entre vectores, 223  
Anillo de matrices, 109  
Automorfismo, 69  
Base, 53, 54, 58  
cambio de, 146  
fan, 280  
ortogonal, 303  
ortonormal, 225, 304  
teorema de extensión, 56  
Cambio de base, 146, 295  
Casco convexo, 338  
Chio, regla de, 174  
Clausura, 329  
Combinación lineal, 30, 217  
convexa, 336  
Composición de trasformaciones, 92  
Complemento ortogonal, 229  
Condiciones de vínculo, 352  
de no negatividad, 352  
Congruencia de formas cuadráticas, 314  
de matrices, 295  
Conjunto abierto, 328  
acotado, 329  
cerrado, 328  
convexo, 336  
de combinaciones lineales, 34  
derivado, 328

linealmente dependiente, 45, 78  
linealmente independiente, 42, 79  
maximal, 65  
ortogonal, 225  
solución de un sistema, 189  
cono, 356  
ortogonal, 357  
Convexidad en  $\mathbb{R}^n$ , 376  
Coordenadas, 44  
esféricas, 179  
trasformación de, 145  
Cramer, teorema de, 187  
Curvas, 246  
Dependencia lineal, 45, 78, 160  
Descomposición espectral, 311  
Desigualdad de Schwarz, 222  
triangular, 223  
Determinante, 155  
de la traspuesta, 166  
del producto, 169  
de Vandermonde, 168, 178  
existencia de, 161  
propiedades de, 157  
unicidad de, 163  
Diagonalización de matrices, 308  
de operadores simétricos, 307  
Dimensión, 57, 59  
de la imagen, 80

- de la suma, 60
- del núcleo, 80
  
- Fan, 279
- Forma bilineal, 289, 291
  - cuadrática, 294, 305, 314, 318
  - hermitiana, 293
  - lineal, 101, 257
- Funcional, 101
- Función objetivo, 349, 352
  
- Gauss-Jordan, método de, 135, 186
- Gram-Schmidt, 228
  
- Hamilton-Cayley, teorema de, 282
- Hélice circular, 248
- Helicoide recto, 261
- Hiperplano, 233
  - soportante, 343
  
- Imagen de una trasformación lineal, 74, 80
  - propiedades de, 75
- Independencia lineal, 42, 58
- Indice de positividad, 305
  - de nulidad, 305
- Inversión de matrices, 138, 141, 172
- Investigación Operativa, 346
- Isomorfismo, 69
  
- Jacobiano, 178
  
- Matrices equivalentes, 133
  - producto de, 85, 96, 106
  - permutables, 107
  - semejantes, 147, 275
  - triangulación de, 279
- Matriz, 11, 33, 71
  - adjunta, 170
  - ampliada, 182
  - antisimétrica, 29, 112
  - compleja conjugada, 118
  - definida positiva, 310
  - de pasaje, 144
  
- de una forma, 291, 293
- de traza nula, 19, 38, 65
- de una T.L., 86, 146
- de un sistema lineal, 182
- elemental, 114
- forma canónica de, 133
- hermitiana, 120
- idempotente, 115
- identidad, 108
- inversa, 116, 141, 172
- involutiva, 115, 274
- no singular, 134
- particionada, 121
- rango de, 126, 138
- rango columna de, 124
- rango fila de, 125
- simétrica, 29, 112
- traspuesta de, 110
- traza de, 19, 152, 286
- triangular, 28, 114
  
- Método de Gauss-Jordan, 135, 138
  - de Gauss reducido, 210
  - de la raíz cuadrada, 202
  - del orlado, 205
- Menores principales, 319
- Módulo, 218
- Monomorfismo, 69, 77
  
- Norma, 218
- Núcleo de una T.L., 72, 80, 183
  - de un monomorfismo, 77
  
- Operaciones elementales, 129
- Operadores adjuntos, 298
  - autoadjuntos, 299
  - hermitianos, 299
  - ortogonales, 300
  - simétricos, 399, 307
  - traspuestos, 298
  - unitarios, 300
- Ortogonalidad, 219, 225
- Ortonormal, base, 225
  - complemento, 229

- Partición de matrices, 121  
Permutaciones, 163  
Plano, 239  
Polinomio característico, 270, 277  
Producto interior, 214  
    hermitiano, 259  
Programación Lineal, 346  
Proyección, 105, 232  
    de una curva, 253  
    de un subespacio, 281  
Punto de acumulación, 327  
    extremo, 344  
    frontera, 326  
    interior, 326  
  
Rango columna, 124  
    de una matriz, 126, 135, 184  
    del producto, 127  
    fila, 124  
Recta, 236, 330  
Rotación, 268  
Rouche-Frobenius, 188  
  
Segmento, 330  
Semiespacio, 335  
Semejanza, 147  
Signatura, 305  
Simplex, 355  
Sistema de ecuaciones, 181, 190, 198, 202  
    compatible, 183, 188  
    incompatible, 183  
Sistema de generadores, 51, 58  
Schwarz, desigualdad de, 222  
Suma de subespacios, 23, 29, 60, 231  
    directa, 25, 61, 105  
Solución óptima, 352  
     posible, 352  
Subespacio, 15, 35  
Subespacios, intersección de, 20  
    suma de, 23  
    unión de, 22  
  
Sylvester, teorema de, 306  
  
Trasformación lineal, 66, 68  
    biyectiva, 69  
    composición, 96  
    diagonalización de, 269, 276  
    imagen de, 74  
    inversa, 93  
    matriz de, 86  
    no singular, 93  
    núcleo de, 72  
    polinomio característico de, 275  
Teorema de Cramer, 257  
    de Hamilton-Cayley, 282  
    del coseno, 257  
    de Rouche-Frobenius, 188  
    de Pitágoras, 221  
    de Sylvester, 306  
    de extensión, 56  
    fundamental de las T.L., 83  
Trasformación de coordenadas, 145, 309  
    de matrices, 279  
Traspósicion de matrices, 110  
    de una permutación, 163  
  
Unión de subespacios, 22  
  
Valores propios, 263  
    de un operador hermitiano, 300  
    de un operador unitario, 303  
Vectores, 2  
    ángulo entre, 223  
    combinación lineal de, 30  
    cosenos directores, 240  
    fijos, 234  
    linealmente dependientes, 45, 78, 160  
    linealmente independientes, 42, 58  
    módulo de, 218  
    ortogonales, 225  
    propios, 263