

## **INDICE**

- Adición en  $\mathbb{C}$ , 344  
en  $\mathbb{N}$ , 213  
en  $\mathbb{Q}$ , 297  
en  $\mathbb{R}$ , 319  
en  $\mathbb{Z}$ , 283
- Algebra de Boole, 63, 210  
Algoritmo de Euclides, 288  
Amplitud de intervalos, 309  
Anillo, 264  
con identidad, 265  
conmutativo, 265  
de clases residuales, 267  
de división, 265  
de polinomios, 378, 383  
ordenado, 276  
propiedades, 266  
sin divisores de cero, 267
- Antisimetría, 75  
Aplicación o función, 103  
canónica, 116  
A-reflexividad, 72  
Argumento principal, 357  
A-simetría, 74  
A-transitividad, 74  
Automorfismo, 153  
En  $\mathbb{C}$ , 350  
Axiomas, 208,  
de Peano, 212
- Bicondicional, 6  
Binomio de Newton, 179  
Buena ordenación, 97, 167
- Cambio de base, 334  
Circuitos lógicos, 18  
Clases de equivalencia, 79  
residuales, 82, 157  
Coclases, 255  
Codominio, 102  
Coeficiente principal, 382  
Combinaciones con repetición, 199  
simples, 198  
Combinación lineal, 273  
Combinatoria con repetición, 199, 200  
simple, 197, 198  
Compatibilidad, 154, 247, 319  
Complejos conjugados, 349  
Complejo imaginario, 343  
real, 343, 350  
Complementación, 36  
Complejitud de  $\mathbb{R}$ , 326  
Composición de funciones, 117  
de relaciones, 68  
Condición necesaria y suficiente, 7  
Conectivos lógicos, 2  
Congruencias en  $\mathbb{Z}$ , 80  
Conjunción, 3  
Conjunto, 25  
acotado, 94, 328  
bien ordenado, 97  
cociente, 79, 80  
coordinables, 162  
complementario, 36  
de índices, 57  
de partes, 34

- diferencia de, 48  
diferencia simétrica de, 50  
equipotentes, 162  
finito, 164  
igualdad, 32  
infinito, 165  
inclusión, 30  
intersección de, 38  
numerable, 165, 301  
operaciones generalizadas, 56  
partición de, 84  
producto cartesiano de, 53  
unitario, 27  
universal, 26  
vacío, 26, 34  
Cortaduras, 321  
Cuerpo, 278  
completo, 321  
de los complejos, 341  
de los racionales, 293  
de los reales, 320  
ordenado, 321  
propiedades, 279  
Densidad de  $\mathbb{Q}$ , 299  
de  $\mathbb{Q}$  en  $\mathbb{R}$ , 326  
Descomposición factorial en  $\mathbb{Z}$ , 292  
de polinomios, 406  
Diagramas de Hasse, 95  
de Verin, 30  
Diferencia de conjuntos, 48  
simétrica, 7, 50  
Distributividad, 150  
División de polinomios, 384  
entera, 287  
Disyunción, 3  
Doble implicación, 6  
Dominio de relaciones, 66  
de funciones, 102  
de integridad, 272, 280  
Dualidad, 211  
Ecuaciones en un cuerpo, 279  
en un grupo, 229  
Elementos de un conjunto ordenado, 93  
consecutivos, 95  
coprimos, 275  
inversos, 145, 221  
maximales, 94  
minimales, 94  
neutro, 145, 220  
primos, 276  
regulares, 146  
Encaje de intervalos, 309  
Endomorfismo, 153  
Epimorfismo, 153  
Especialización, 396  
Estructura algebraica, 219  
de anillo, 264  
de cuerpo, 278  
de grupo, 225  
de monoide, 220  
de semigrupo, 220  
Extremo superior, 94, 328  
inferior, 94  
Exponencial compleja, 366, 369  
Factoriales, 176  
Factirización en un anillo, 274  
en  $\mathbb{Z}$ , 292  
de polinomios, 389  
Forma binómica, 347  
exponencial, 366  
polar, 356  
Fórmula de De Moivre, 359  
de Taylor, 409  
Función, 102  
biyectiva, 111  
canónica, 116  
característica, 140  
clasificación de 110, 111  
compuesta, 117  
constante, 114  
creciente, 191  
de probabilidad, 140  
entre intervalos, 186  
estrictamente creciente, 189, 194

- extensión de, 137
- identidad, 115
- inversa, 121, 127
- inyectiva, 110
- factorial, 176
- mantisa, 138
- parte entera, 138
- proposicional, 14
- proyección, 115
- representación de, 105
- restricción de, 137
- signo, 109
- sucesor, 213
- valor absoluto, 125, 285
  
- Grado de polinomios, 379
- Grupo, 225
  - abeliano, 226
  - aditivo, 229
  - cíclico, 257
  - cociente, 251, 254
  - de automorfismos, 262
  - de raíces cúbicas, 243
  - de raíces de la unidad, 371
  - de transformaciones, 228
  - finito, 259
  - generadores de, 257
  - morfismo de, 237, 239
  - multiplicativo, 229
  - propiedades, 228
  
- Homomorfismos, 151
  - de grupos, 237
  
- Ideal, 272, 388
- Idempotencia, 9
- Imagen, 66, 128, 242
  - inversa, 131
- Implicación, 4
- Implicaciones asociadas, 11
- Inclusión, 30, 33, 34
- Indeterminada, 381
- Índice de un grupo, 260
  
- Inducción completa, 167
- Infimo, 94
- Intersección, 38
- Intervalos, 164, 309
- Inverso, 230
- Involución, 9
- Isomorfismo, 153, 284, 298, 321, 347
  
- Ley cancelativa, 269
  - de composición interna, 142, 144
  - de composición externa, 158
  - de De Morgan, 10, 46, 47
  - distributiva, 9, 46, 150
  - inducida, 155, 283, 297
  - lógica, 8
- Logaritmación en  $\mathbb{C}$ , 333
  - en  $\mathbb{R}$ , 367
  
- Matrices, 149, 153, 270
  - simétricas, 234
- Máximo común divisor, 274, 288, 389
- Método de Horner, 411
- Módulo en  $\mathbb{C}$ , 351
  - propiedades del, 351
- Monoide, 220
- Monomorfismo, 153
- Morfismo, 151
  - de grupos, 237
- Multiplicación en  $\mathbb{C}$ , 344
  - en  $\mathbb{Q}$ , 297
  - en  $\mathbb{N}$ , 213
  - en  $\mathbb{R}$ , 320, 325
  - en  $\mathbb{Z}$ , 283
  
- Negación de implicaciones, 12
  - de proposiciones, 2, 16
- No reflexividad, 72
- No simetría, 73
- No transitividad, 74
- Núcleo, 240
- Numerabilidad de  $\mathbb{Q}$ , 301
  - de  $\mathbb{Z}$ , 164
- Número cardinal, 163

- combinatorio, 177
- complejo, 341
- entero, 281
- irracional, 315
- primo, 290
- racional, 295
- real, 308, 315, 323
  
- Orden amplio, 90
  - de un grupo, 259
  - estricto, 92
  - parcial, 91
  - total, 91
- Operaciones con subgrupos, 235
  - en forma exponencial, 367
  - en forma polar, 358
  
- Par ordenado, 53
- Partición, 84, 87
- Permutaciones simples, 198
  - con repetición, 199
- Polinomio, 378
  - adición de, 380
  - coprimos, 392
  - derivado, 400
  - división de, 384
  - grado de, 379, 383
  - multiplicación de, 380
  - nulo, 378
  - primo, 393
  - raíz de, 397
- Potencia de un binomio, 179
- Potencia de  $\mathbb{R}$ , 335
- Potenciación en  $\mathbb{C}$ , 335
  - en  $\mathbb{R}$ , 359
- Preimágenes, 131
- Primer elemento, 93
- Principio de buena ordenación, 167
  - de inducción completa, 168
- Producto cartesiano, 53
- Proposición, 1.
  
- Radicación en  $\mathbb{C}$ , 329
  
- en  $\mathbb{R}$ , 354, 362
- Raíces de polinomios, 397, 403, 405,
  - múltiples, 399
- Razonamiento deductivo, 13
- Reflexividad, 71
- Regla de Horner, 411
  - de Ruffini, 387
- Regularidad, 146
- Relación binaria, 64
  - circular, 99
  - composición de, 68
  - de equivalencia, 77, 88, 313
  - de orden, 90, 218, 299, 324
  - dominio de, 66,
  - en un conjunto, 69
  - funcional, 102
  - imagen de, 67
  - inversa, 67
  - propiedades, 71
  - representación de, 65
- Relaciones entre coeficientes y raíces, 407
- Restricción, 137
  
- Semigrupo, 220
- Silogismo hipotético, 13
- Sistemas axiomáticos, 208
- Sistema de Peano, 213
- Subgrupos, 231
  - de matrices, 234
  - distinguidos, 248
  - intersección de, 235
  - normales o invariantes, 252
  - unión de, 236
- Sucesión, 165
  - monótona contigua, 312
- Subanillos, 272
- Sumatorias, 170
- Supremo, 94
  
- Traslaciones de un grupo, 258
- Términos primitivos, 208
- Teorema de compatibilidad, 155, 247

- de descomposición factorial, 292, 394  
de Euclides, 292  
de Gauss, 403  
de inducción completa, 167  
de Lagrange, 260  
de las relaciones de equivalencia, 85  
del resto, 397  
fundamental del álgebra, 406
- Último elemento, 94  
Unidad imaginaria, 347  
Unión de conjuntos, 42  
disjunta, 58
- Valor absoluto, 285  
Variaciones con repetición, 199  
simples, 197